

(Παράδοσι 1)

Εισαγωγή

Χρησιμότητα ειδωμάτων σε διάφορες λογικές ομάδες:

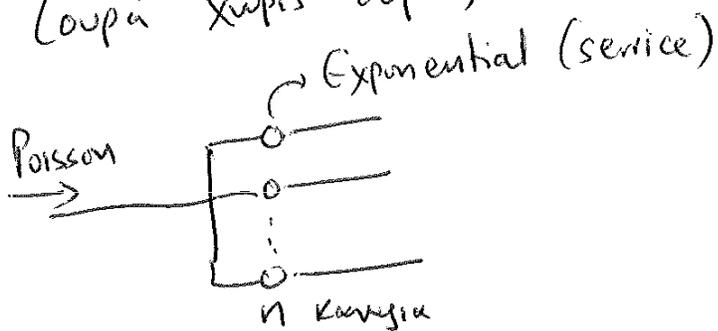
- Υπολογιστικά Συστήματα
- Δίκτυα Επικοινωνιών
- Συστήματα Επικοινωνιών
- Μηχανισμοί Υπολογισμών
- Αναγνώριση ομιλίας, εικόνων, χαρακτήρων
- κ.λπ.

Παράδειγματα

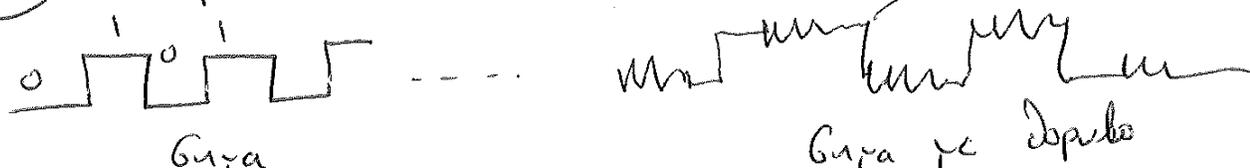
① Δρομολόγηση στα δίκτυα υπολογιστών
(packet-switched networks)

Η αριστη διαδικασία και η εξυπηρέτηση των κλιμακωτών (buffers) με βάση τους δρομολογητές που λειτουργούν με αόρατες ανεξάρτητες (random processes) αριστη - Poisson Process
εξυπηρέτηση - Exponential distribution. (ενδεικτική υλοποίηση)

② Μοντελοποίηση δικτύων επικοινωνιών
(couple χωρίς αριστη)

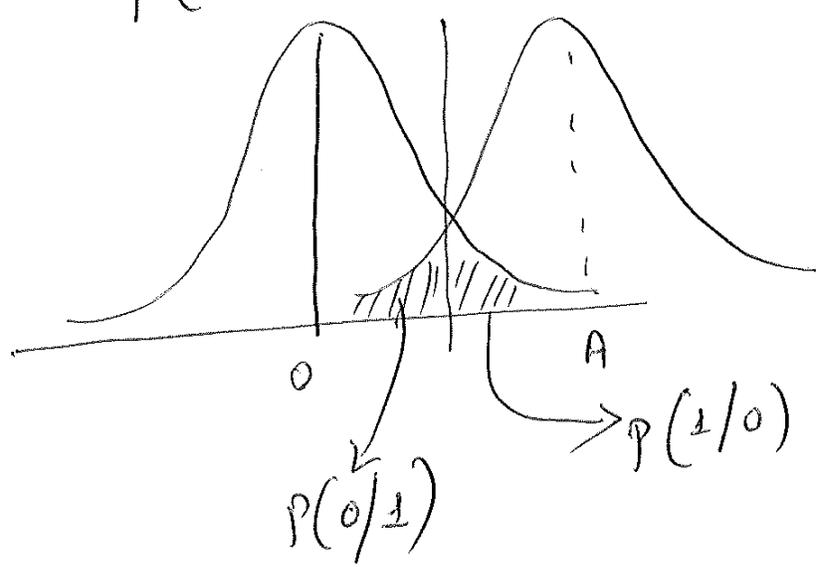


3) Φωτοδιόδοι (Photodiode - Οπτική Ίντα)
 Η καταγραφή η όχι φωτονίων ακολουθεί την κατανομή Poisson
 Το ίδιο ισχύει και σε ηλεκτρονικά Geiger, κτλ.

4) Ψηφιακό Σήμα Αναμορφωμένο

 The first diagram shows a square wave with two pulses, labeled "Signal". The second diagram shows a square wave with two pulses, but with a noisy, irregular line overlaid on it, labeled "Signal με θόρυβο".

ο θόρυβος περιγράφεται με κατανομή Γκαουσιανή (Gaussian noise)

$$P_{error} = P(\text{κωδων ενδεν} / \text{εστέλεξα 1}) \cdot p(\text{εστέλεξα 1}) + P(\text{κωδων ενν} / \text{εστέλεξα 0}) \cdot p(\text{εστέλεξα 0})$$



Μαθηατικά Μοντέλα

(3)

Ορισμός: (Προβλεπτική) Αντιπροσώπωση για φυσικές μεταβλητές. Εξήγα (η εξήγαση) για παρατηρούμενα και γερύβιση συμπεριφορά με αυτών κανόνες.

Γιατί είναι χρήσιμα; Χρησιμοποιούνται για να κάνουν προβλέψεις για το αποτέλεσμα παρατήρησης σχετικά με για φυσική μεταβλητή. Αντικαταστάζουν τα παρατηρήματα και για εισόδων να ακολουθήσει σημαντικές επιπτώσεις για μια μεταβλητή (Γνωρίζετε το υσος, χρονο, υμνο, κλπ) να χρειάζεται για ένα δείγμα. Καθόδισαν σχεδιασμένες αλλαγές.

Πως καθορίζονται: Ένα (χρήσιμο) γινόμενο εξήγα οξείας τις σχετικές ιδιότητες της μεταβλητής να ενδιαφερόμαστε. Η αντίθεση που γινέται γενικά με για υσός και η ομοία εξήγαση: Εισαγίδων των προβλέψεων τα γινόμενα με γερύβιση ενός δείγματος ή με υροβοποίηση. Εάν δεν υπάρχει απάντηση, αφαιρείτε το γινόμενο και συνεχίζετε.

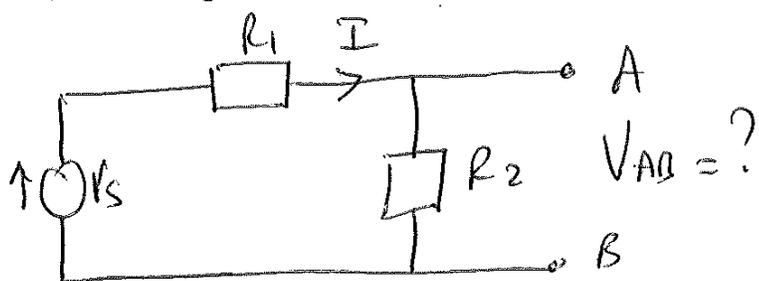
Πως είναι χρήσιμα; Σε οξείας της βίαις της Μιχαμνίς αξία και σε αξίες ειδικότητας.

Προσδιοριστικά (Ασθονοπαλνικά) Μοντέλα (Deterministic Models)

(1)

Στα προσδιοριστικά γυρτζα, οι συνθήκες και δεδομένα (Conditions) για θεωρητικό υπολογισμό το αποτέλεσμα αποτελούνται (το οποίο υπολογίζεται από το γυρτζο).

π.χ. Κυκλώματα



$$V_s = 5V$$
$$R_1 = 5\Omega$$
$$R_2 = 10\Omega$$

Χρησιμοποιώ τους τους νόμους (γυρτζα) του Kirchoff + Ohm:

$$\Rightarrow V_{AB} = \frac{V_s R_2}{R_1 + R_2} = \frac{10}{3} V$$
$$I = \frac{V_s}{R_1 + R_2} = \frac{1}{3} A$$

} Για ίδιες γυρτζα και εξαρτήματα (components)

Το γυρτζο υπολογίζεται από τους νόμους του Kirchoff και Ohm. Όσο γρηγορότερα και αν εξαρτάμε το αποτέλεσμα, όταν οι συνθήκες είναι οι ίδιες τότε το γυρτζο θα υπολογιστεί χωρίς να χρειάζεται το ίδιο αποτέλεσμα. Φυσικά, τα αποτελέσματα είναι πάντα δε έχουν διαφορά λόγω των γυρτζων, κλπ.

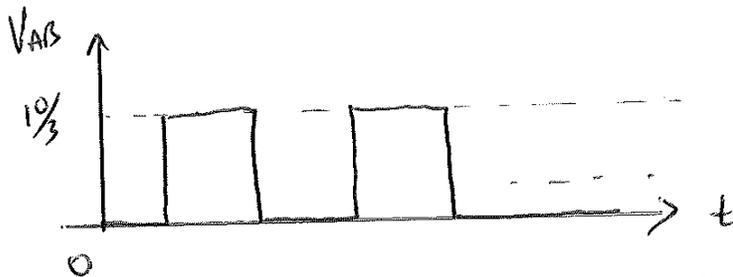
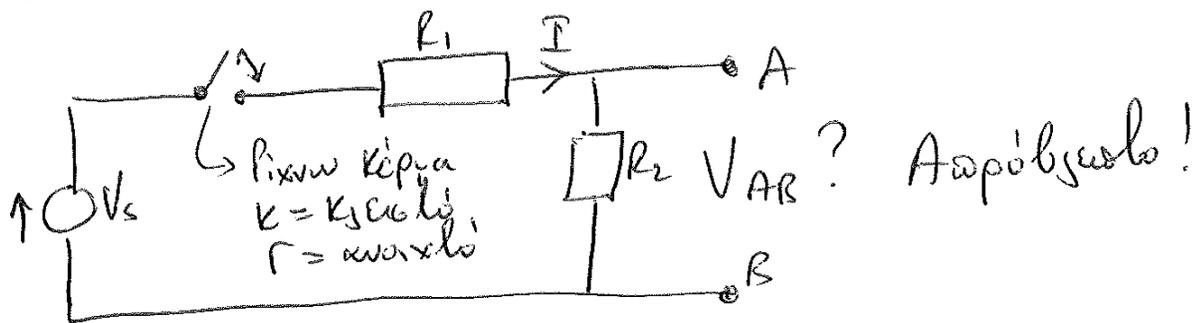
Αλλά, αυτό το προσδιοριστικό γυρτζο είναι unavoidable εάν η διαφορά των αποτελεσμάτων και των γυρτζων δεν είναι γυρτζα.

ΜΟΝΤΕΛΑ ΠΙΘΑΝΟΤΗΤΩΝ (Probability Models) (5)

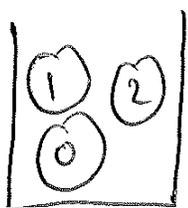
Περιγράφουν φαινόμενα τα οποία επέρχονται το ένα ή το άλλο
 ως τύχη (αυθόρμητα, χωρίς συνθήματα)

Έχουμε να έχουμε ορισμένα ή συνθήματα τα οποία είναι
 το αποτέλεσμα είναι αυθόρμητο όταν το αποτέλεσμα
 είναι απροβλεπτό (Απροβλεπτό αποτέλεσμα δεν είναι
 κανονικό).

① Παράδειγμα (Κυκλώμα)



② Παράδειγμα (Δοχείο με τρεις γωγίες)



Παίρνω για γωγία δύο ή τρεις με
 δοχείο (γωγία κωκλδ) τον αριθμό. ~~Επιλογή~~
 με γωγία

Διγλωσσικός χώρος, $\Delta X: S = \{0, 1, 2\}$

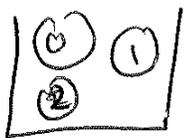
Αποτελέσματα: 0010201 ... Αποτέλεσμα!

Στατιστική Κανονικότητα (Statistical Regularity) (6)

+ Σχετική Συχνότητα (Relative Frequency)

- Ένα γρήγορο αιτιολογημένο τρόπο να γαρ εωρπείδου να κώνυρε υποβίγυα για τω αριδεριφωρά εως οωβί-αίς.
- Άρα, τω φανότρω τω οωοιο περιγπατα τω γαττω οπείδου να εχα κανονικότητα (regularity)
- Ο μέσος όρος (average) αωο ωωωίς εωωαγίγυα τω ωερίγαιος είναι ωαρίγυος να ακτερωωίττω όωο ο αριδύός τω δωιγύω (trials) τω ωερίγαιος αυγίττω.

Παράδειγμα: (Ασχετό με γωάγες)



n - αριθμός εωωαγίγυων

$N_0(n)$
 $N_1(n)$
 $N_2(n)$

} ο αριθμός τω φωρίω ωω
 διαγίγυε για αωο τωσ όπωσ
 γωάγες σε n εωωαγίγυα

$$0 \leq N_k(n) \leq n, \quad k=0,1,2.$$

Ορισμός: Σχετική Συχνότητα ($f_k(n)$)

$$f_k(n) = \frac{N_k(n)}{n}, \quad k=0,1,2$$

← Συχνότητα των n

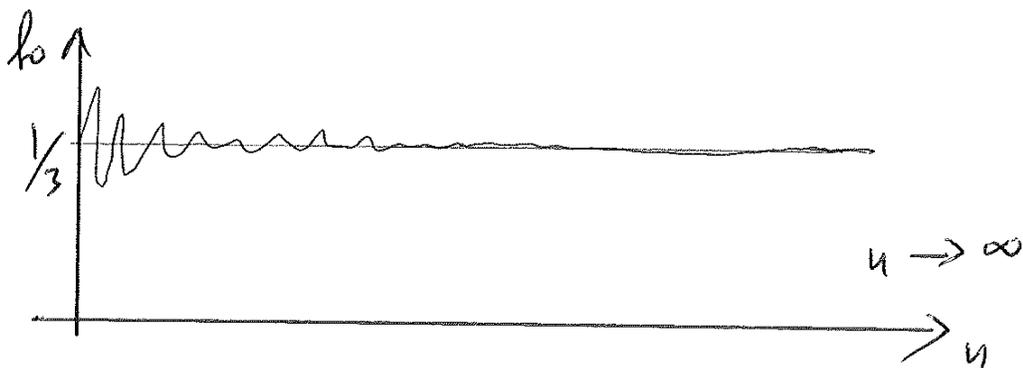
Με τις σταθισμένες μεταβλητές $f_k(n)$ συζητάμε
όσο n μεγαλώνει:

$$\Rightarrow \boxed{\lim_{n \rightarrow \infty} f_k(n) = p_k} \quad \leftarrow p_k \text{ είναι σταθερό'}$$

p_k : Ονομάζεται η πίθανότητα των γεγονότων k .

π.χ. $p_0 =$ πιθανότητα να διαλέγουμε την ψωड़ा \emptyset .

Με 3 ψωδρες: $p_0 = p_1 = p_2 = \frac{1}{3}$



Εάν είχαμε και για άλλες ψωδρες τε αριθμό \emptyset ,
τότε $p_0 = \frac{1}{2}, p_1 = \frac{1}{4}, p_2 = \frac{1}{4}$. \Rightarrow Τα δεδομένα
των περιπτώσεων καθορίζουν τις πιθανότητες.

Πιθανότητες και Σχετικές Συχνότητες

(8)

(1) $0 \leq f_k(n) \leq 1 \quad k=0,1,2,\dots$ (γιατί $0 \leq N_k(n) \leq n$)

(2) $\sum_{k=1}^K f_k(n) = 1$, γιατί $\sum_{k=1}^K N_k(n) = n$.

(3) $E = \{ \text{δυνατότητα των παιχτών να φύγουν από το παιχνίδι} \}$

π.χ $N_E(n) = N_0(n) + N_2(n)$

$\Rightarrow f_E(n) = \frac{N_E(n)}{n} = \frac{N_0(n) + N_2(n)}{n} = f_0(n) + f_2(n)$

\Rightarrow Η σχετική συχνότητα $f_E(n)$ είναι το άθροισμα των σχετικών συχνοτήτων, $f_0(n)$ και $f_2(n)$, των συσχετισμένων αποτελεσμάτων (outcomes).

(Τα στοιχεία ενδεχομένων (elementary events) $\{ \omega \}$ ή $\{ \omega \}$ είναι αμοιβαίως αποκλειστικά (mutually exclusive)).

Κοιμήματα υποβολή - - -

Εργασία για κακόνι Δεσφία νιδενδίνων:

① Μετρίων (Counting)

n.x 2 ωρεγάλα, το εν με n ασοτερεγάλα και το αφο με m ασοτερεγάλα.

Ενωμοσ αριθός νιδενν ασοτερεγάλων = m.n

② Μεταθέσει (Permutations)

Διαφορετικε διατάξει ασο n αλνείονα = n!

n.x = λαφ με 10 αλοφα ⇒ 10! Διαφορετικε διατάξει

• Εω εχω 6 κωπε και n γυναικε και κωλα
εχω 6ωσ κωπε και γυναικε γαφ (group)

⇒ 6! · n! · 2! Διαφορετικε διατάξει

• Διατάξει 6ωσ γοφ PEPPER = $\frac{6!}{3! \cdot 2!} \left(\frac{n!}{n_1! \cdot n_2! \cdot \dots} \right)$
↳ κωνα γράτταλα

③ Συνδυασμοί (Combinations)

$\binom{n}{r}$ νιδεννι συνδυασμοί ασο n αλνείονα αρίποσταφ
r αλνείονα κώδε φορά.

n.x Εωίραφ ασο 3 αλοφα δε διαίωφνδα ασο γα
οράδα ασο 20 αλοφα. Ποσε εωίραφει αων νιδεννι
Διαφορετικε

$$\binom{20}{3} = \frac{20!}{3! \cdot 17!} = 1140 \text{ εωίραφει's.}$$